

### المحاضرة الرابعة

تشكل البوابات المنطقية القاعدة الأساسية للتطور التكنولوجي الذي يشهده العصر في مجال الإلكترونيات، ان البوابات المنطقية تأخذ حالتين فقط إما ١ منطقي أو ٠ منطقي، حيث تستخدم البوابات المنطقية لتحقيق وظيفة منطقية محددة حيث يتم تصميمها بتحويل الوصف الوظيفي للنظام الى معادلات ومنطقية باستخدام جبر بول.

#### جبر بول:

إن التابع المنطقي هو تعبير رياضي عن حالة الدارة المنطقية التي تعمل على تصميمها أو معالجتها ولهذا السبب يمكن اعتبار جبر بول والذي يعرف بجبر المنطق الذي يعبر عن العلاقات المنطقية كتوابع لمتحولات وحيدة أو كثيرة لكن قيمتها تبقى دائماً ضمن حدود (0,1) منطقي.

$$1) A \cdot A = A$$

$$2) A \cdot 1 = A$$

$$3) A \cdot 0 = 0$$

$$4) A \cdot \overline{A} = 0$$

$$5) A + A = A$$

$$6) A + B = B + A$$

$$7) \overline{\overline{A}} = A$$

$$8) A + 0 = A$$

$$9) A + \overline{A} = 1$$

$$10) A \cdot B = B \cdot A$$

$$11) A + 1 = 1$$

$$12) A + AB = A$$

#### قانونا دومرغان:

$$1) \overline{A \cdot B} = \overline{A} + \overline{B}$$

$$2) \overline{A + B} = \overline{A} \cdot \overline{B}$$

#### قانونا الإزدواجية :

$$1) A + (B \cdot C) = (A + B) \cdot (A + C)$$

$$2) A (B + C) = (A \cdot B) + (A \cdot C)$$

#### تمثيل التابع المنطقي:

يستخدم عادة لتمثيل التابع المنطقي (أي تمثيل العلاقة الرياضية) إحدى الطرق التالية:

١- مخطط فان ٢- مخطط كارنو ٣- جدول الحقيقة.

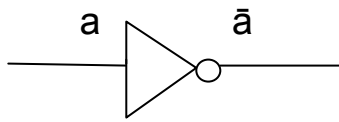
#### البوابات المنطقية

#### مقدمة:

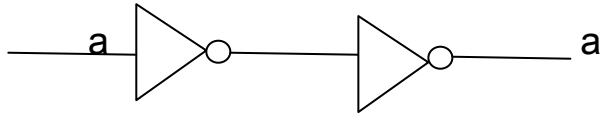
معظم الأنظمة الرقمية مثل معالجة البيانات، أجهزة التحكم، أجهزة القياس، الاتصالات الرقمية تحتوي على مجموعة من الدوائر المنطقية التي تؤدي بعض العمليات الأساسية والتي يتكرر تنفيذها كثيراً وبسرعة كبيرة، ويمكن تمثيل هذه الأنظمة باستخدام البوابات المنطقية والتي تتألف من عناصر الكترونية مثل الديودات والترانزستور ويمكن أن تكون البوابات ذات عدة مداخل وخرج وحيد.

تعبّر  $a$  عن المداخل و  $Y$  عن الخرج في الدارات التالية:

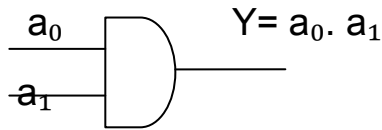
#### ١- بوابة النفي (العاكس): NOT :



الخرج y	الدخل a
1	0
0	1

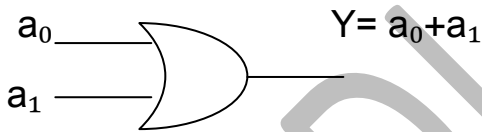


## 2- بوابة AND (بوابة الجداء المنطقي):



a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

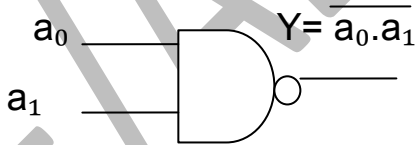
## 3- بوابة الجمع المنطقي (OR):



a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

تتفعل بوابة الجمع عند تفعيل أحد مدخلاتها

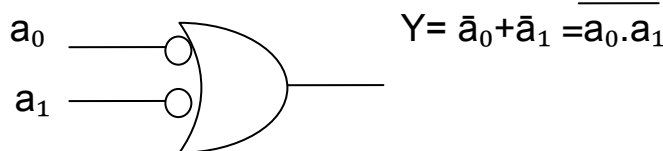
## 4- بوابة NAND (النفي المنطقي للجداء):



a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	y
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

هي بوابة AND مضافاً لخرجها بوابة النفي

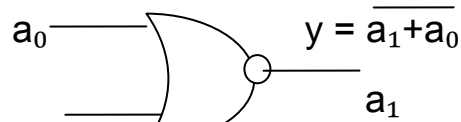
- تمثيل آخر لبوابة NAND:



## 5- بوابة NOR (النفي المنطقي للجمع):

a <sub>0</sub>	a <sub>1</sub>	y
0	0	1
0	1	0

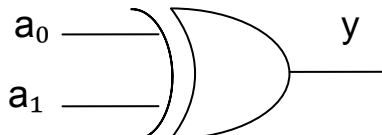
1	0	0
1	1	0



هي عبارة عن بوابة OR مضافاً لخرجها بوابة النفي

## 6- بوابة عدم التكافؤ (EX-OR):

$a_0$	$a_1$	$y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

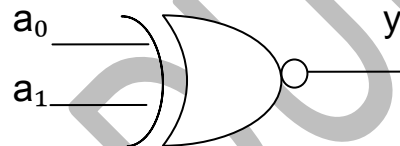


$$Y = \bar{a}_1 \cdot a_0 + a_1 \cdot \bar{a}_0 = a_0 \oplus a_1$$

بوابة عدم التكافؤ عندما تكون المداخل غير متكافئة يكون الخرج يساوي الواحد

## 7- بوابة التماثل (EX-NOR):

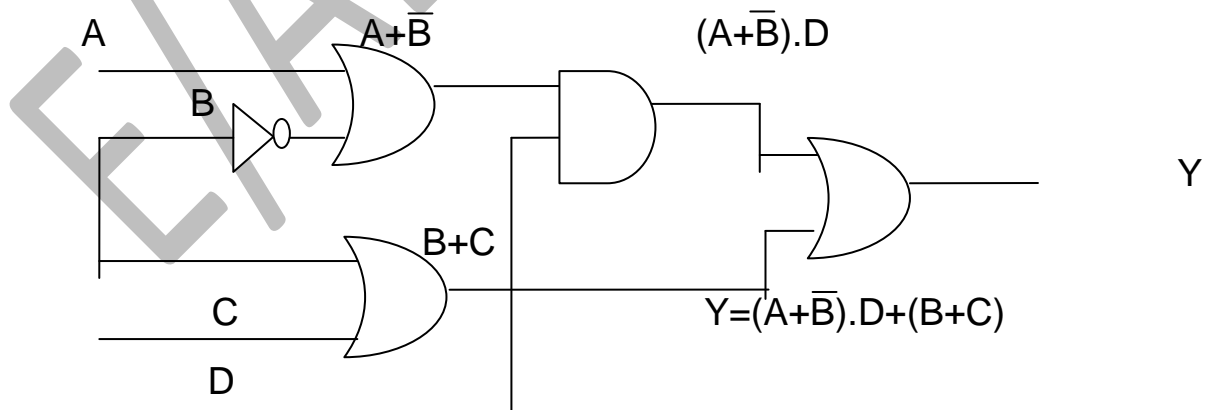
$a_0$	$a_1$	$y$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1



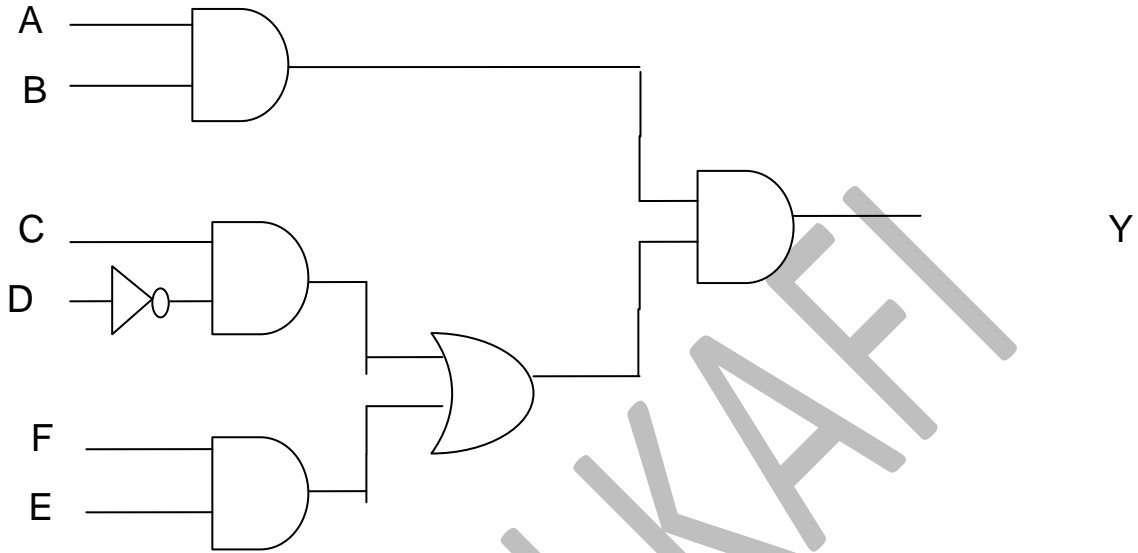
$$y = \bar{a}_1 \cdot \bar{a}_0 + a_1 \cdot a_0 = a_1 \odot a_0$$

بوابة التكافؤ عندما تكون المداخل متكافئة يكون الخرج يساوي الواحد

مثال ١: اكتب التعبير البولياني للدارة المنطقية التالية:



مثال ٢: مثل التابع :  $Y = (A \cdot B) \cdot (C \cdot \bar{D} + E \cdot F)$



مثال ٣: بسط المعادلة التالية باستخدام جبر بول:

$$Y = A \cdot B + A \cdot (A + C) + B(A + C)$$

$$\text{الحل: } Y = A \cdot B + (A \cdot A) + (A \cdot C) + (B \cdot A) + (B \cdot C)$$

$$Y = A \cdot B + A + A \cdot C + B \cdot C$$

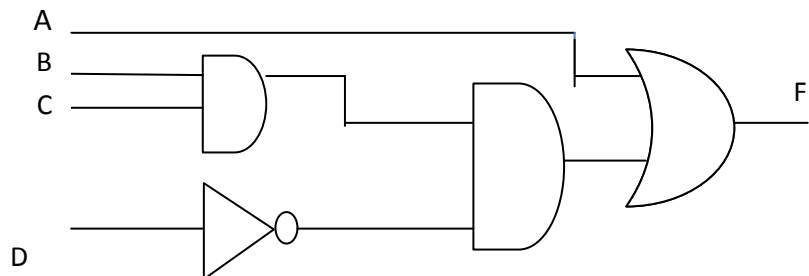
$$Y = A(B + 1 + C) + B \cdot C$$

$$Y = A \cdot 1 + B \cdot C$$

$$Y = A + B \cdot C$$

مثال ٤: بسط مايلي جبريا ثم ارسم الدارة:

$$\begin{aligned} F &= A + ((\overline{B} \cdot \overline{C}) + D) \\ F &= A + ((\overline{B} + \overline{C}) + D) \\ F &= A + (\overline{B} + \overline{C}) \cdot \overline{D} \\ F &= A + (\overline{B} \cdot \overline{C}) \cdot \overline{D} \\ F &= A + (B \cdot C) \cdot \overline{D} \end{aligned}$$



مثال ٥: بسط مايلي جبريا ثم ارسم الدارة:

$$F = A.(B + \bar{A}).B$$

$$F = ((A.B) + (A. \bar{A})).B$$

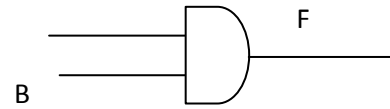
$$F = (A.B).B = A.B$$

حيث

$$A.\bar{A} = 0$$

حيث

$$B.B = B$$



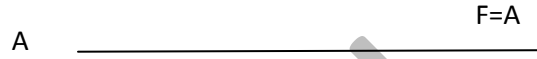
مثال ٦: بسط ماييلي جبريا ثم ارسم الدارة:

$$F = A + A(B + C)$$

$$F = A.1 + A.(B + C)$$

$$F = A.(1 + B + C)$$

$$F = A.1 = A$$



تمثل هذه الدارة بسلك

مثال ٧:

$$F = D + (A.B.\bar{D})$$

$$F = (D + A).(D + B).(D + \bar{D})$$

$$F = (D + A).(D + B).1$$

$$F = (D + A).(D + B)$$

$$F = D + (A.B)$$

