

الرياضيات الاقتصادية والمالية

السنة الثانية

القسم العملي

المحاضرة الخامسة

استهلاك القروض

2020/4/14

علا البغدادي

تمارين ومسائل غير محلولة

1- اقترض شخص مبلغ 5000 ل.س من أحد المصارف على أن يسدد القرض على خمسة أقساط متساوية من الأصل فقط، يسدد كل قسط مع فائدة الرصيد في آخر كل سنة، فإذا كان البنك يستخدم معدل فائدة مركبة 10% سنوياً. المطلوب:

1- إيجاد المبلغ الواجب سداؤه في نهاية كل سنة.

2- تصوير جدول استهلاك القرض.

$$\text{الحل: القسط المتساوي} = \frac{v}{n} = \frac{5000}{5} = 1000$$

$$\text{فائدة القسط الأول} = 5000 * 0.1 = 500$$

$$\text{فتكون الدفعة الأولى} = 1000 + 500 = 1500$$

$$\text{فائدة القسط الثاني} = 4000 * 0.1 = 400$$

$$\text{فتكون الدفعة الثانية} = 1000 + 400 = 1400$$

$$\text{فائدة القسط الثالث} = 3000 * 0.1 = 300$$

$$\text{فتكون الدفعة الثالثة} = 1000 + 300 = 1300$$

$$\text{فائدة القسط الرابع} = 2000 * 0.1 = 200$$

$$\text{الدفعة الرابعة} = 1000 + 200 = 1200$$

$$\text{فائدة القسط الخامس} = 1000 * 0.1 = 100$$

$$\text{الدفعة الخامسة} = 1000 + 100 = 1100$$

2- جدول استهلاك القروض:

السنة	رصيد القرض في بداية السنة	القسط المتساوي الثابت من أصل القرض	الفائدة المستحقة على الرصيد المتبقي من القرض	قيمة الدفعة السنية	رصيد القرض في نهاية السنة
1	5000	1000	500	1500	4000
2	4000	1000	400	1400	3000
3	3000	1000	300	1300	2000
4	2000	1000	200	1200	1000
5	1000	1000	100	1100	0
المجموع		5000	1500	6500	

2- اقترض خالد من أحد المصارف مبلغ 1000 ل.س بمعدل فائدة مركبة 10% سنوياً لمدة 5

سنوات. والمطلوب تصوير جدول استهلاك القرض إذا تم استهلاك القرض:

1- بأقساط سنوية متساوية من الأصل فقط.

2- بأقساط سنوية متساوية من الأصل والفوائد معاً.

الحل:

السنة	رصيد القرض في بداية السنة	القسط الثابت المتساوي من أصل القرض	الفائدة المستحقة	قيمة الدفعة السنية	رصيد القرض في نهاية السنة
1	1000	200	100	300	800
2	800	200	80	280	600
3	600	200	60	260	400
4	400	200	40	240	200
5	200	200	20	220	0
المجموع		1000	300	1300	

في حال قسط متساوي من الأصل والفوائد معاً:

نطبق قوانين الدفعات الدورية حيث تعتبر قيمة القرض النقدية هي القيمة الحالية للقرض

$$v_p = R \frac{1 - (1+i)^{-n}}{i}$$

$$1000 = R \frac{1 - (1+0.1)^{-5}}{0.1}$$

$$1000 = R * 3.791$$

$$R = 263.783$$

وهي قيمة الدفعة السنوية

جدول الاستهلاك

السنة	رصيد القرض في بداية السنة	القسط السنوي المتساوي	الفائدة المستحقة على الرصيد المتبقي من القرض	الاستهلاك الشهري من القرض	رصيد القرض في نهاية السنة
1	1000	263.783	100	163.783	836.216
2	836.216	263.783	83.622	180.161	656.055
3	656.055	263.783	65.606	198.177	457.878
4	457.878	263.783	45.788	217.995	239.883
5	239.883	263.783	23.9883	239.795	0 تقريباً
المجموع		1318.9	319.004	999.9 تقريباً 1000	

3- اقترض شخص من أحد المصارف مبلغ 1000 ل.س بمعدل فائدة مركبة فصلية 2.5% على الرصيد غير المسدد، على أن يسدد القرض على (4) أقساط فصلية متساوية من الأصل والفوائد معاً. والمطلوب: تصوير جدول استهلاك القرض.

الحل:

في حال قسط متساوي من الأصل والفوائد معاً:

نطبق قوانين الدفعات الدورية حيث تعتبر قيمة القرض النقدية هي القيمة الحالية للقرض

$$v_p = R \frac{1 - (1+i)^{-n}}{i}$$

$$1000 = R \frac{1 - (1+0.025)^{-4}}{0.025}$$

$$r^* 3.762 = 1000$$

$$R = 265.816$$

الفصل	رصيد القرض في بداية الفصل	القسط الفصلي المتساوي	الفائدة المستحقة على الرصيد المتبقي من القرض	الاستهلاك الفصلي من القرض	رصيد القرض في نهاية الفصل
1	1000	265.816	25	240.816	759.184
2	759.184	265.816	18.9796	246.8364	512.348
3	512.348	265.816	12.809	253.007	259.341
4	259.341	265.816	6.484	259.332	0 تقريباً

4- اقترض مزارع من مصرف مبلغاً من المال لمدة (4) سنوات وتعهد بسداده بطريقة القسط المتساوي من الأصل والفوائد معاً. والمطلوب:

احسب قيمة القرض. واحسب قيمة القسط المتساوي r الذي يدقعه المدين في آخر كل سنة، إذا علمت أن الاستهلاك السنوي الثاني والأول هما على الترتيب 481.988، 450.456 ل.س.
الحل:

حسب قانون العلاقة بين الاستهلاكات

$$c_2 = c_1(1 + i)$$

$$481.988 = (i+1) * 450.456$$

$$I = 0.07$$

$$\begin{aligned} c_3 &= c_1(1 + i)^2 \\ &= 450.456(1.07)^2 \end{aligned}$$

$$= 515.727 \text{ = الاستهلاك الثالث}$$

$$\begin{aligned} c_4 &= c_3(1 + i) \\ &= 1.07 * 515.727 \end{aligned}$$

$$= 551.828 \text{ = الاستهلاك الرابع}$$

قيمة القرض نجمع الاستهلاكات الأربعة فنجد قيمتها 2000 ولحساب القسط المتساوي

$$2000 = R \frac{1 - (1 + 0.07)^{-4}}{0.07}$$

$$R = 2000 / 3.387 = 590.493$$

5- اقترض شخص مبلغ ما من المصرف واتفق على أن يسدده على (5) أقساط سنوياً متساوية من الأصل والفوائد معاً وبالرجوع إلى جدول الاستهلاك لهذا القرض وجد أن الاستهلاك الثاني 188.04، والاستهلاك الرابع 211.282 ل.س

والمطلوب: 1- احسب قيمة القرض.

حسب قانون العلاقة بين الاستهلاكات

$$c_4 = c_2(1 + i)^2$$

$$211.282 = 188.04 (1 + i)^2$$

$$I = 0.06 \text{ معدل الفائدة}$$

$$c_2 = c_1(1 + i)$$

$$188.04 = c_1(1.06)$$

$$177.396 = \text{الاستهلاك الأول}$$

$$211.282 = c_3(1.06)$$

$$199.323 = \text{الاستهلاك الثالث}$$

$$c_5 = 211.282 (1.06)$$

$$223.959 = \text{الاستهلاك الخامس}$$

قيمة القرض = 1000 (وذلك بجمع كافة الاستهلاكات) يكون الجواب 999.99 تقريبا 1000

2- احسب القسط السنوي.

$$1000 = R \frac{1 - (1 + 0.06)^{-5}}{0.06}$$

$$R = 1000 / 4.212 = 237.417$$

6- اقترض شخص مبلغ من أحد المصارف على أن يسدده على خمسة أقساط سنوية متساوية من الأصل والفوائد معا بفائدة مركبة معدلها 6% سنوياً وبالرجوع إلى جدول الاستهلاك وجد الفرق بين الاستهلاكين الثاني والثالث 22.56 ل.س المطلوب:

1- احسب قيمة القرض.

الحل:

$$c_3 = c_2(1 + i)$$

$$22.56 + c_2 = c_2(1 + 0.06)$$

$$22.56 = -c_2 + c_2(1.06)$$

$$c_2 = \frac{22.56}{0.06} = 376$$

الاستهلاك الثالث = 398.56

$$376 = c_1(1.06)$$

الاستهلاك الأول = 354.717

$$c_4 = 398.56 (1.06)$$

الاستهلاك الرابع = 422.474

$$c_5 = 422.474 (1.06)$$

الاستهلاك الخامس = 447.822

قيمة القرض = 2000 (بجمع الاستهلاكات كلها نجد القيمة 1999.573 يعني تقريبا 2000)

2- القسط السنوي.

$$2000 = R \frac{1 - (1 + 0.06)^{-5}}{0.06}$$

$$R = 2000 / 4.212 = 474.834$$

3- مجموع الفوائد التي تحملها المدين إل ان تم سداد الدين.

$$2374.169 = 5 * 474.834 = 5 * \text{الدفعة الواحدة}$$

$$374.169 = 2000 - 2374.169 = \text{أي أن قيمة الفوائد}$$

مع أطيب التمنيات بالنجاح والتوفيق