



الجامعة العربية

لعام (٢٠١٩-٢٠٢٠)

السنة الثانية

المادة الأولى (عمل)

مدرس المادة :

المؤنسة : نورا الياس

المؤنس : حسام الدين إبراهيم

٤-٢-٤. مسائل مخلولة على تمثيل النقطة :

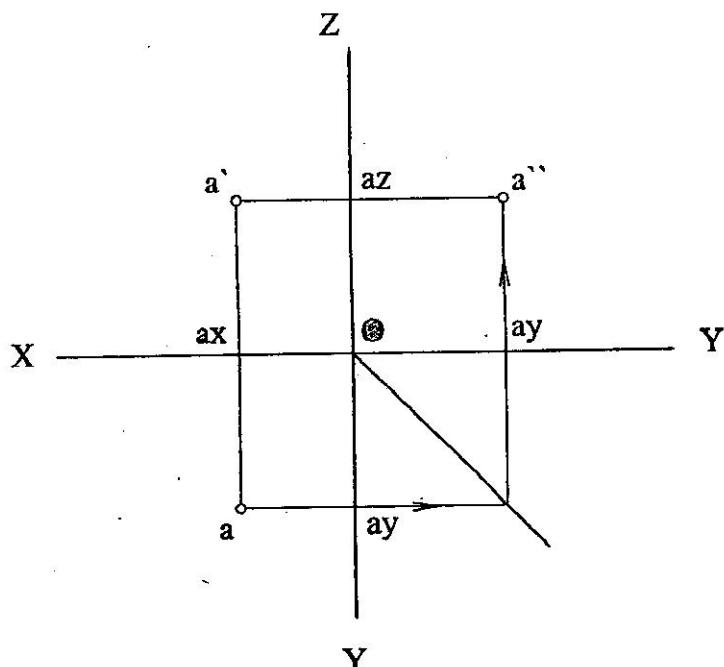
مسألة ١ : المطلوب رسم مخطط النقطة $A(30,40,45)$

الحل : (الشكل ٨-١)

- نحدد النقطة a_x بحيث يكون $x = 0a_x$ (على يسار المحور Z لأن الفاصلة موجبة).

- نرسم خط التداعي الشاقولي وهو يمر من a_x ونعين عليه المسقطين (a, a') حيث يتعين المسقط الأفقي بدلالة الابعد y و نلاحظ أنه يقع تحت خط الأرض لأن الابعد موجب ، كما يتعين المسقط الجبهي بدلالة الرأيم Z ونلاحظ انه يقع فوق خط الأرض لأن الرأيم موجب.

- نعين المسقط الجنبي a'' وذلك بدلالة المسقطين (a, a'') كما هو مبين بالرسم .



الشكل (٨-١)

مسألة ٢ : المطلوب تحديد الثمن الذي تقع فيه النقطة $A(15,-30,20)$ ثم

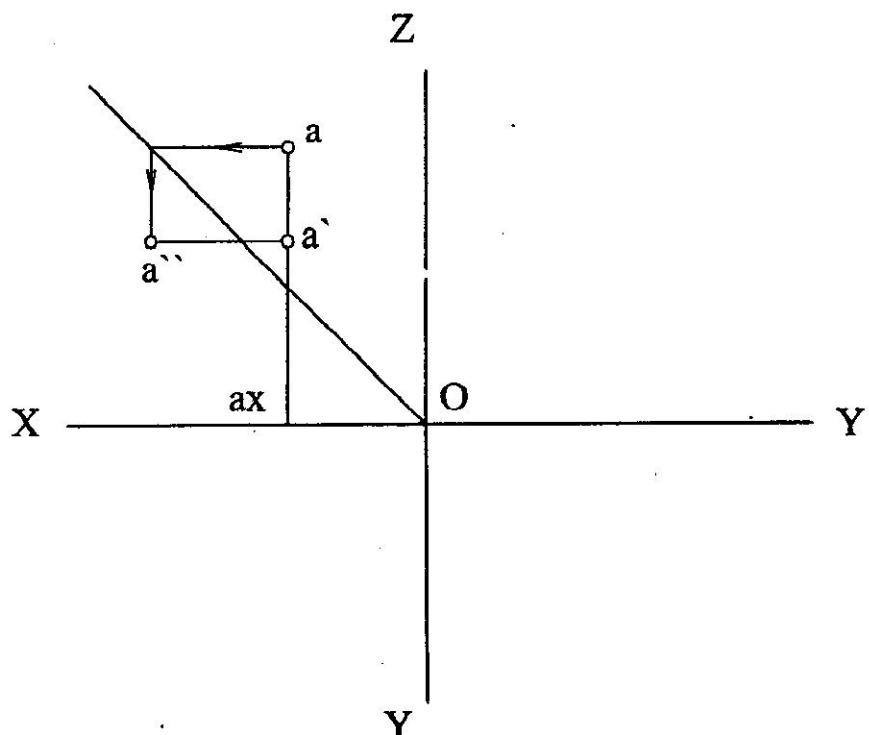
رسم مخططها .

الحل : الشكل (٩-١) .

- الفاصلة x موجبة فالنقطة تقع في مجموعة الأثمان اليسرى

. I , II , III , IV

- الابتعاد y سالب فالنقطة تقع خلف المستوى الجبهي V أي النقطة تقع في أحد الثمنين II , III .
- الراقي z موجب فالنقطة تقع فوق المستوى الأفقي H أي أن النقطة تقع في الثمن II .



الشكل (٩-١)

مسألة ٣ : المطلوب رسم مخطوطات النقاط التالية :
 $A(30,20,30)$, $B(40,10,30)$, $C(20,-10,-30)$, $D(30,-20,40)$

الحل :

توضيح الأشكال (من ١٠-١ و حتى ١٣-١) مخطط كل من النقاط A, B, C, D على الترتيب .

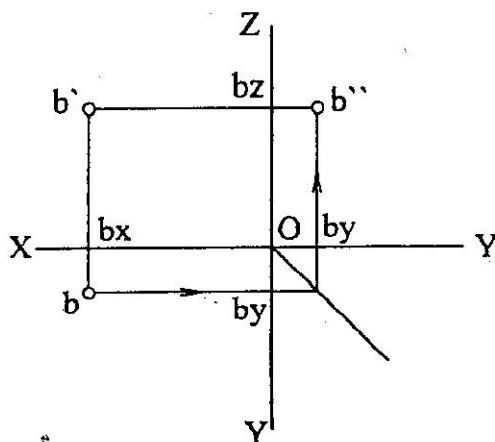
مسألة ٤ : المطلوب رسم مخطوطات النقاط التالية :
 $H(30,20,0)$, $V(30,0,20)$, $W(0,20,30)$

الحل :

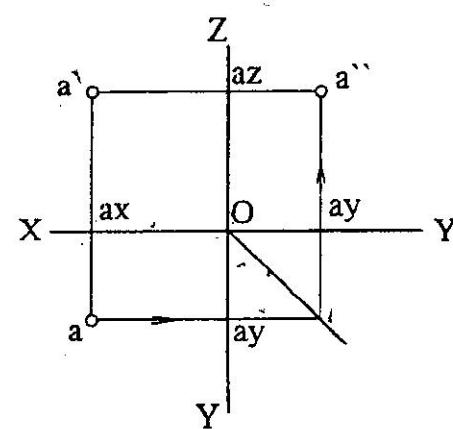
توضيح الأشكال (من ١٤-١ و حتى ١٦-١) مخططات النقاط السابقة .

ويمكن استنتاج ما يلي :

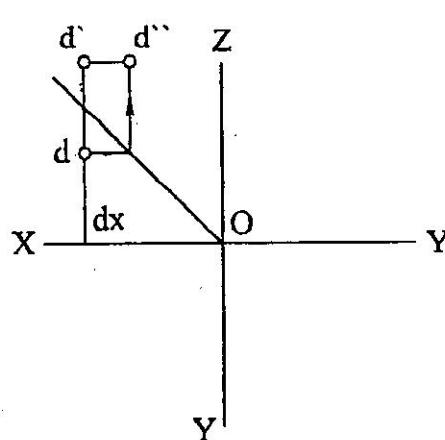
- أي نقطة راقمها يساوي الصفر فهي تقع في المستوى الأفقي للإسقاط ومسقطها الجبهي والجنبـي يقعان على خط الأرض .
- أي نقطة ابتعادها يساوي الصفر فهي تقع في المستوى الجبهـي للإسـقاط ومسـقطـها الأفـقي يـقعـ علىـ خطـ الأرضـ والـجـنـبـيـ يـقعـ عـلـىـ الـمـحـورـ Zـ .
- أي نقطة فاصلـتها تـساـوىـ الصـفـرـ فـهـيـ تـقـعـ فـيـ الـمـسـطـوـيـ الـجـنـبـيـ للـإـسـقـاطـ وـمـسـقـطـهـاـ الـأـفـقـيـ يـقـعـ عـلـىـ الـمـحـورـ Yـ وـالـجـبـهـيـ يـقـعـ عـلـىـ الـمـحـورـ Zـ .



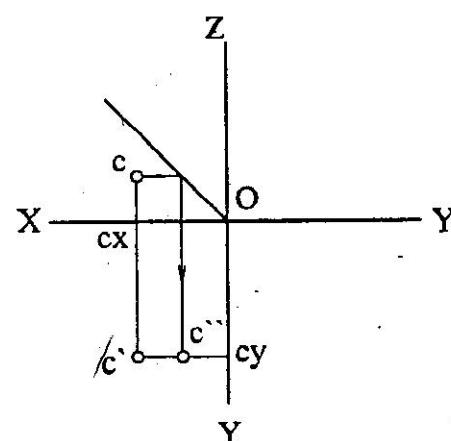
الشكل (١١-١)



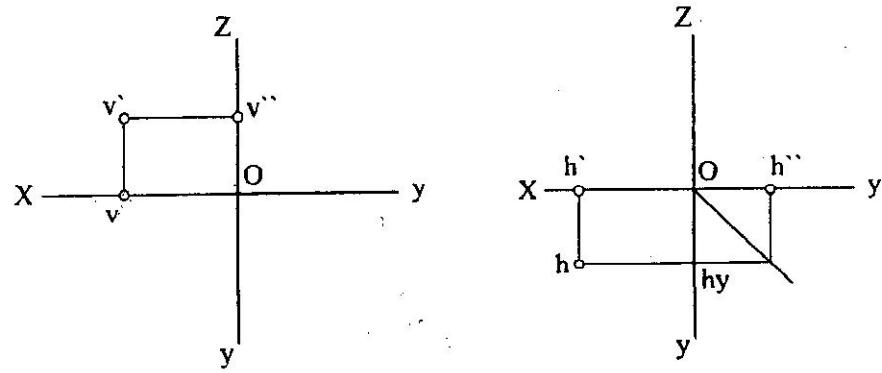
الشكل (١٠-١)



الشكل (١٣-١)

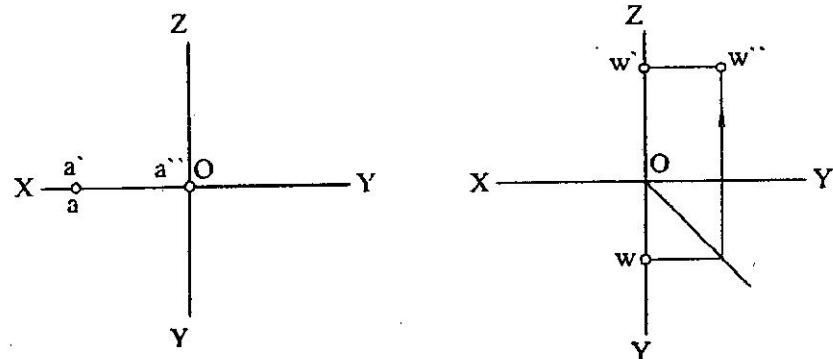


الشكل (١٢-١)



الشكل (١٥-١)

الشكل (١٤-١)



الشكل (١٧-١)

الشكل (١٦-١)

مسألة ٥ : المطلوب رسم مخططات النقاط التالية:

$A(30,0,0)$, $B(0,20,0)$, $C(0,0,20)$

الحل :

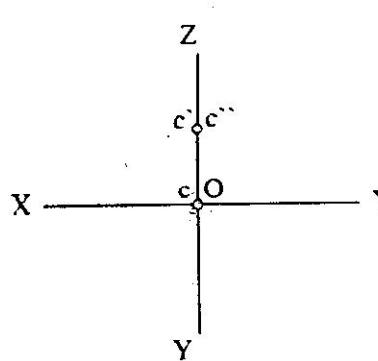
توضيح الأشكال (من ١٧-١ وحتى ١٩-١) مخططات النقاط السابقة

ويمكن استنتاج ما يلي :

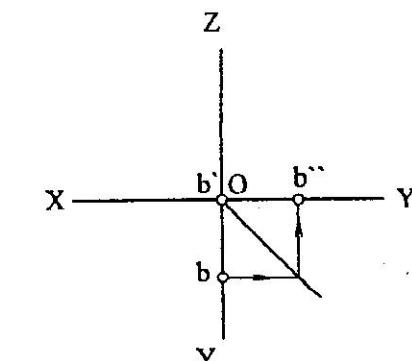
- أي نقطة تقع على المحور X (خط الأرض) فإن مسقطها الأفقي ينطبق على المسقط الجبهي ويقعان على خط الأرض أما المسقط الجنبي فينطبق على مبدأ الإحداثيات .

- أي نقطة تقع على المحور Z فإن مسقطها الأفقي يقع على المحور Y ومسقطها الجبلي يقع على المحور X ومسقطها الجبلي ينطبق على مبدأ الإحداثيات.

- أي نقطة تقع على المحور Z فإن مسقطها الأفقي ينطبق على مبدأ الإحداثيات ومسقطها الجبلي ينطبق على مسقطها الجبلي و يقعان على المحور Z .



الشكل (١٨-١)



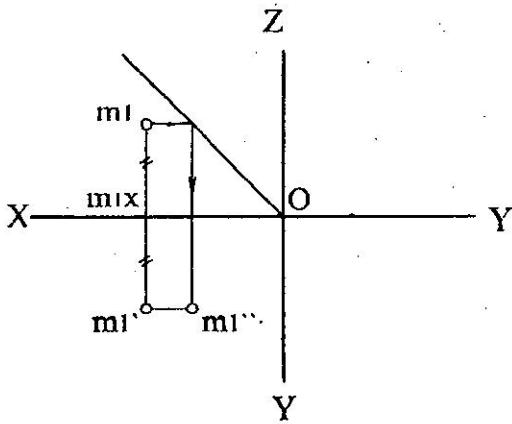
الشكل (١٩-١)

مسألة ٦ : أرسم مخطط النقطة $M(30,20,20)$ والنقطة $M_1(30,-20,-20)$

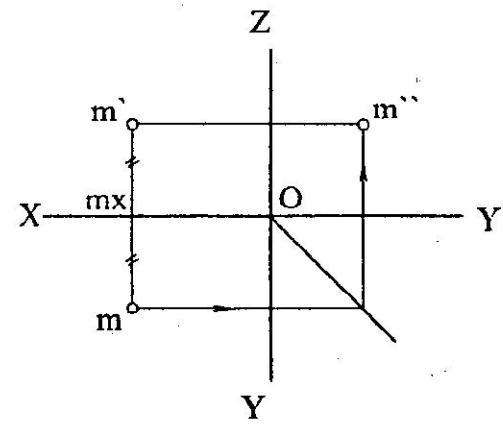
الحل :

يوضح الشكلان (٢٠-١ و ٢١-١) مخطط كل من النقطتين M و M_1 ويمكن استنتاج ما يلي :

أي نقطة راقمها يساوي ابعادها ومن اشارة واحدة تكون واقعة في المستوى المنصف الأول ومسقطيها الأفقي والجبلي يقعان في جهتين مختلفتين بالنسبة لخط الأرض بحيث يكون : $m_x m = m'_x m'$



الشكل (٢١-١)



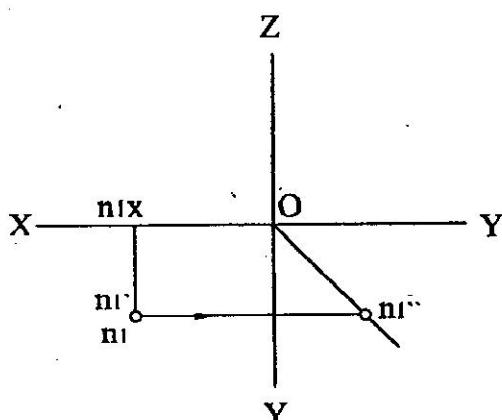
الشكل (٢٠-١)

مسألة ٧ : أرسم مخطط النقطة $N(30, -20, 20)$ وال نقطة $N_1(30, 20, -20)$

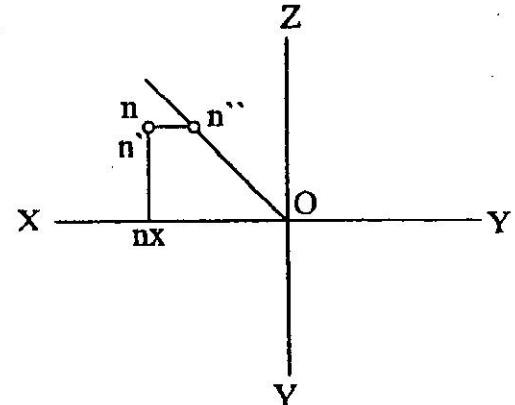
الحل :

يوضح الشكلان (٢٢-١ و ٢٣-١) مخطط كل من النقطتين N و N_1 ويمكن استنتاج ما يلي :

أي نقطة راقمها يساوي ابعادها ومن إشارتين مختلفتين تكون واقعة في المستوى المنصف الثاني وينطبق مسقطها الأفقي على المسقط الجبهي ويقعان فوق خط الأرض إذا كانت النقطة تقع في الربع الثاني و تحت خط الأرض إذا كانت النقطة تقع في الربع الرابع .



الشكل (٢٣-١)



الشكل (٢٢-١)

٥-٣-١ : مسائل محلولة على تمثيل المستقيم :

مسألة ١ :

١- أوجد المساقط الثلاثة لمستقيم AB ثم أوجد طوله الحقيقي وزواياه
الثلاث علماً أن $A(50,30,20)$ و $B(20,10,60)$.

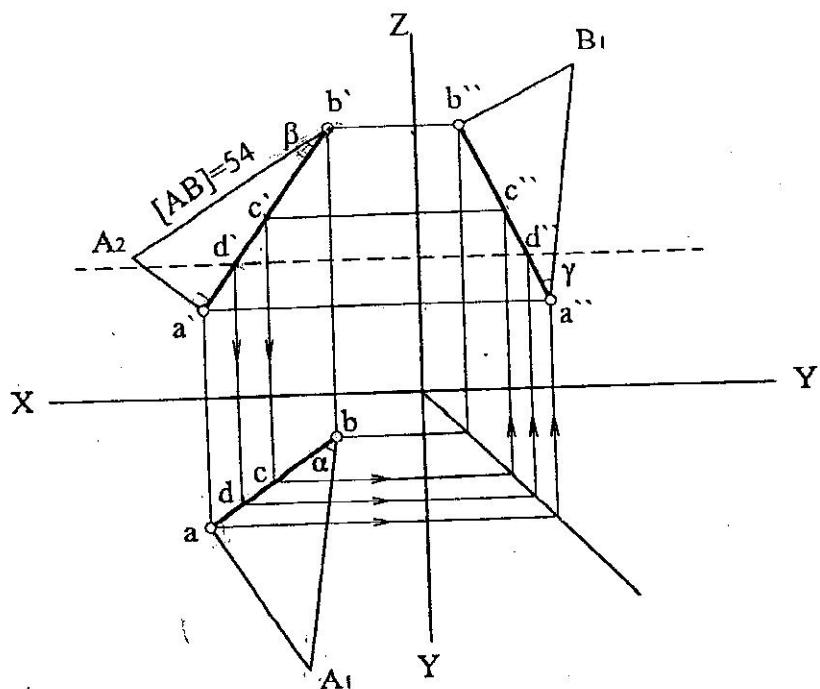
٢- تحقق من أن النقطة $C(35,20,40)$ تقع على هذا المستقيم.

٣- عين على هذا المستقيم النقطة D التي راقيها يساوي 30mm .

الحل : الشكل (٤٣-١)

- ننشئ مساقط النقاط A و B بدلالة الإحداثيات فنحصل على المساقط
الثلاث لهذا المستقيم $a'b'', a'b'$, ab .

- لإيجاد الطول الحقيقي للمستقيم ننشئ مثلث الطول الحقيقي على أحد
المساقط بدلالة فرق الإحداثيات فيكون طول الوتر هو الطول الحقيقي للمستقيم
ونجد أنه يساوي $[AB] = 54\text{mm}$.



الشكل (٤٣-١)

- لتحديد زوايا ميل المستقيم عن مستويات الإسقاط نرسم مثلث الطول
ال حقيقي على كل مسقط من مساقط المستقيم فنجد أن :

α : زاوية ميل المستقيم عن مستوى الإسقاط الأفقي وهي الزاوية
المحصورة بين المستقيم ab و الوتر A_1b وتتساوي 48° .

β : زاوية ميل المستقيم عن مستوى الإسقاط الجبهي وهي الزاوية المحسورة بين المستقيم $a'b'$ و الوتر A_2b وتساوي 22° .

٤ : زاوية ميل المستقيم عن مستوى الإسقاط الجنبي وهي الزاوية المحسورة بين المستقيم $a''b''$ و الوتر B_2a وتساوي 34° .

- إن شروط وقوع النقطة C على المستقيم AB هو :
أن يقع المسقط الأفقي للنقطة C على ab ونجد أن ذلك محقق .

أن يقع المسقط الجبهي للنقطة C على $a'b'$ وذلك متحقق .

أن يكون C و C' يقعان على خط تداعي شاقولي واحد وذلك متحقق .
وبالتالي النقطة C تقع على المستقيم AB .

- لتعيين النقطة D حيث $z = 30mm$ نرسم استقامة أفقية موازية لخط الأرض راقمها يساوي $30mm$ فتقاطع مع $a'b'$ في النقطة d' ، نرسم منها خط تداعي شاقولي يتقاطع مع ab في النقطة d ومنها نحصل على d'' ، وبالتالي نجد أن $(D(42.5, 25, 30)$.

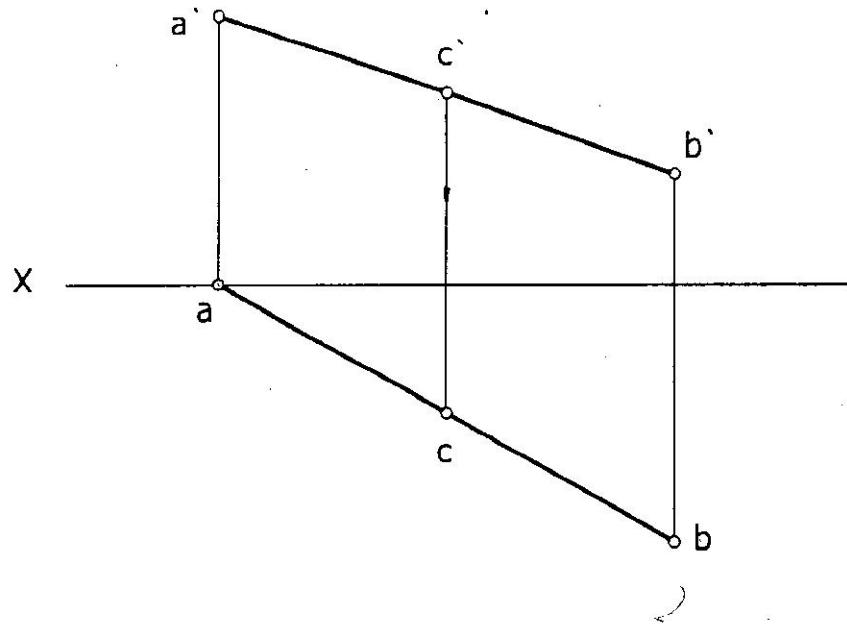
مسألة ٢ : أرسم مخطط مستقيم كيفي يقع في الربع الأول حيث تقع إحدى نهايته في المستوى الجبهي .

الحل : الشكل (٤٤-١)

- نرسم النقطة (a', a) بحيث تقع في المستوى الجبهي كما هو مبين بالرسم .

- نرسم النقطة (b', b) بحيث تقع في الربع الأول أي أن مسقطها الأفقي b' يقع تحت خط الأرض والجهجي b يقع فوق خط الأرض .

- نصل a مع b ونصل a' مع b' فنحصل على مسقط المستقيم وهو المطلوب .



الشكل (٤٤-١)

مسألة ٣ : عين على المستقيم AB المبين بالشكل السابق (٤٤-١) نقطة ما مثل C .

الحل :

تحقق شروط وقوع نقطة على مستقيم وهي :

- أن يقع المسقط الأفقي للنقطة (c) على المسقط الأفقي للمستقيم (ab) .
- أن يقع المسقط الجبهي للنقطة (c) على المسقط الجبهي للمستقيم (a'b') .

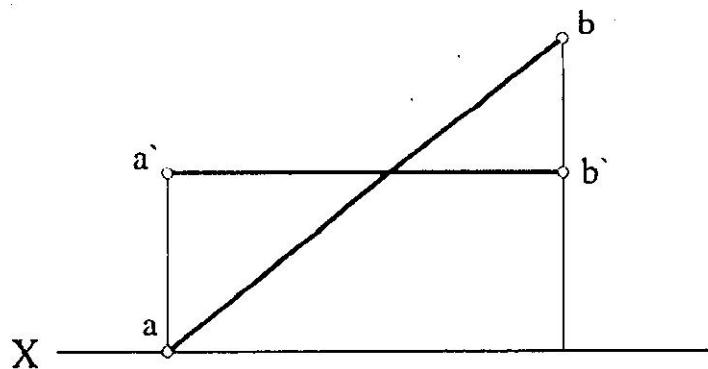
- أن يقع هذان المسقطان على خط تداعي شاقولي واحد .

مسألة ٤ : أرسم مخطط مستقيم أفقي AB يقع في الربع الثاني بحيث تقع النقطة A في المستوى الجبهي .

الحل : الشكل (٤٥-١) .

- بما أن المستقيم يقع في الربع الثاني فهو يقع خلف المستوى الجبهي وفوق المستوى الأفقي وبالتالي ابعادات جميع نقاطه سالبة ورواقم جميع نقاطه موجبة .

- بما أن النقطة A تقع في المستوى الجبهي وبالتالي فمسقطها الأفقي a' يقع على خط الأرض ، وبالتالي نرسم مخطط النقطة A بحيث تقع a' فوق خط الأرض وبحيث تقع a' و a على خط تداعي شاقولي واحد .
- بما أن المستقيم أفقي فمسقطه الجبهي يوازي خط الأرض ، نرسم من a' مستقيماً موازياً لخط الأرض ونعين عليه المسقط b' .
- نعين المسقط b بحيث تقع النقطة B في الربع الثاني (b فوق خط الأرض) وبحيث تكون b و b' على خط تداعي شاقولي واحد .



الشكل (٤٥-١)

مسألة ٥ :

أرسم مسقطي المثلث ABC وعين نوع كل ضلع من أضلاعه .

$$A(0,0,30), \quad B(50,0,0), \quad C(0,40,0)$$

الحل : الشكل (٤٦-١)

- نرسم مساقط كل نقطة من النقاط الثلاث .
- نرسم مساقط المثلث المطلوب وهي (abc) و $(a'b'c')$.
- يتضح من الرسم أن المستقيم AB هو مستقيم جبهي يقع في المستوى الجبهي لأن مسقطه الأفقي ينطبق على خط الأرض ومسقطه الجبهي مائل .
- المستقيم CB مستقيم أفقي يقع في المستوى الأفقي .

- المستقيم AC مستقيم جنبي يقع في المستوى الجنبي .

مسألة ٦ : لدينا المسقطين a و a' للنقطة A والمسقط b للنقطة B ،
أوجد المسقط b' ؟ علماً أن :

$$A(45,30,10) , B(10,?,30) , [AB] = 48\text{mm}$$

الحل : الشكل (٤٧-١) .



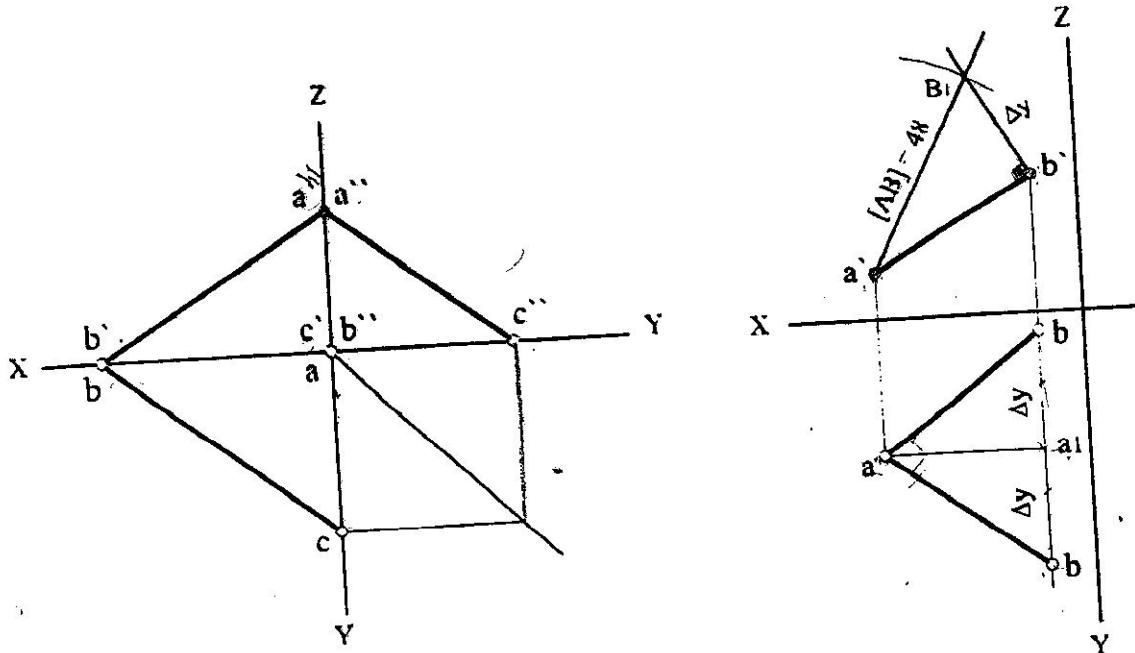
- نرسم مساقط النقاط a و a' و b و b' ونصل $a'b'$.

- نرسم من b' استقامة عمودية على $a'b'$.

- نرسم قوساً دائرياً مركزها a' ونصف قطرها يساوي 48mm ،
تتقاطع القوس الدائري مع العمود السابق في النقطة B_1 ، وبالتالي تكون قد عينا
 Δy حيث : $[B_1b'] = \Delta y$

- نرسم من a استقامة أفقية موازية لخط الأرض تتقاطع مع خط
التداعي الشاقولي المرسوم من b' في النقطة a_1 .

- نقيس اعتباراً من a_1 وعلى خط التداعي الشاقولي مسافة تساوي Δy
وبذلك تكون قد عينا المسقط الأفقي b . يتضح من الرسم أن للمسألة حلان .



الشكل (٤٧-١)

الشكل (٤٧-١)